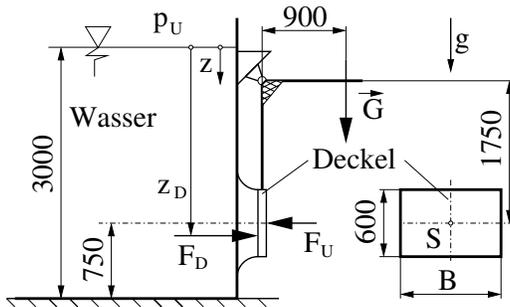


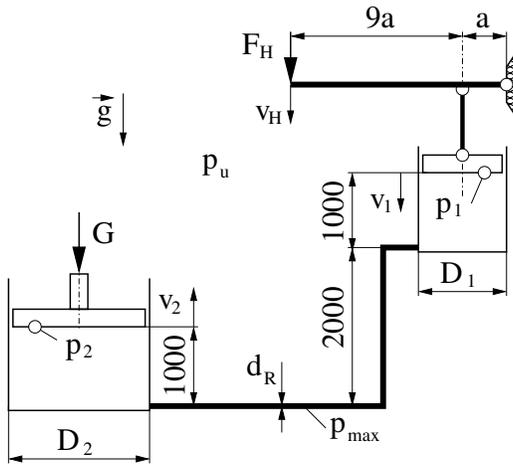
1.Aufgabe: Gegeben sind die Geometriedaten eines mit Wasser (Dichte $\rho = 1 [kg/dm^3]$) gefüllten Behälters, der seitlich durch einen rechteckigen Deckel der Breite $B = 900 [mm]$ verschlossen wird. Der Umgebungsdruck beträgt $p_u = 1 [bar]$.



Die folgenden Punkte sind zu bearbeiten. Die angegebenen Integrationen müssen durchgeführt werden.

1. Bestimmen Sie die von der Wasserseite ausgeübte Kraft $F_D = \int_{z_1}^{z_2} p_{abs}(z) B dz$ auf den Deckel.
2. Bestimmen Sie den Abstand z_D in $[mm]$ der Kraft F_D bezüglich der Wasseroberfläche.
Hinweis: Durch $M = \int_{z_1}^{z_2} z p_{abs}(z) B dz$ ist das Moment der Druckkräfte bezüglich $z = 0$ gegeben.
3. Bestimmen Sie die von der Umgebungsluft ausgeübte Kraft F_U auf den Deckel.
4. Bestimmen Sie die erforderliche Kraft G , damit der Deckel durch das Hebelsystem ohne Anpresskraft an der Dichtfläche (wurde vernachlässigt) aufliegt.

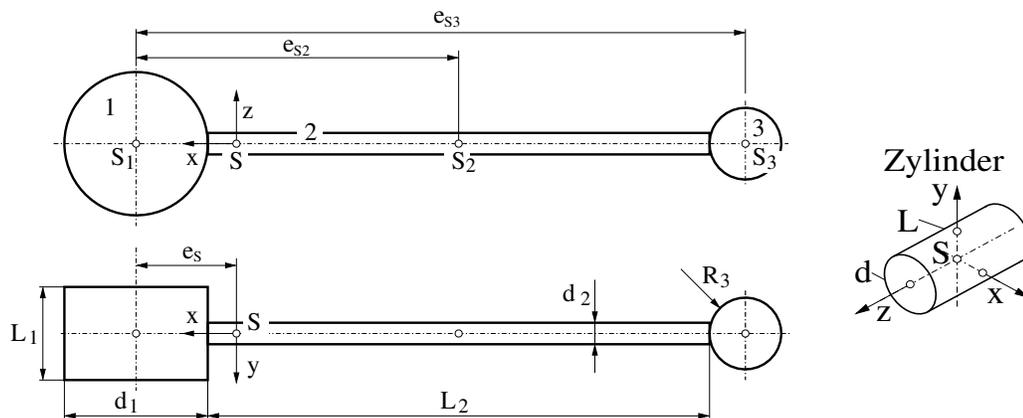
2. Aufgabe: Gegeben sind die Geometriedaten einer mit Öl gefüllten hydraulischen Pressvorrichtung (Hebelsystem mit der Abmessung a , 2 Kolben und 2 Zylinder mit den Durchmessern $D_1 = 40 [mm]$ und $D_2 = 400 [mm]$). Im Rohrleitungssystem mit dem Durchmesser $d_R = 24 [mm]$ darf der maximale Relativdruck $p_{max} = 40 [bar]$ bezogen auf den Umgebungsdruck ($p_u = 1 [bar]$) nicht überschritten werden. Die Dichte des Hydrauliköls $\rho_{Oel} = 0.95 [kg/dm^3]$ ist bekannt.



Gesucht sind unter der Voraussetzung des Gleichgewichtszustandes

1. die erforderliche Wandstärke t im Rohrleitungssystem unter p_{max} , wenn die maximale Zugspannung senkrecht zu der Rohrachse die zulässige Zugspannung $\sigma_{zul} = 340 [N/mm^2]$ nicht überschreiten darf.
2. der Relativdruck p_2 direkt unter dem Kolben 2 und die Gewichtskraft G die gehoben werden kann, wenn im Rohrleitungssystem der Druck p_{max} gemessen wird.
3. der Relativdruck p_1 direkt unter dem Kolben 1 und die erforderliche Kraft F_H , wenn im Rohrleitungssystem der Druck p_{max} gemessen wird.
4. die Hubgeschwindigkeit v_2 in $[mm/s]$ und der Volumenstrom des Öls \dot{V} in $[cm^3/s]$, wenn der Hebel mit der Geschwindigkeit $v_H = 1 [m/s]$ herunter gedrückt wird.

3. Aufgabe: Gegeben ist ein aus einer Stahlkugel 3 (Radius $R_3 = 20 [mm]$) und zwei Stahlzylindern 1,2 (Durchmesser $d_1 = 80 [mm]$, $d_2 = 10 [mm]$, Längen $L_1 = 50 [mm]$, $L_2 = 300 [mm]$) bestehendes Pendel. Die Dichte beträgt $\rho = 7.8 [kg/dm^3]$.



Bestimmen Sie zuerst in symbolischer Form (Angabe der Berechnungsformel) und nachher durch Einsetzen der Zahlenwerte

1. die Massen m_1 , m_2 und m_3 in $[kg]$, die Schwerpunktsabstände e_{S2} , e_{S3} der Teilkörper 2 und 3 sowie den Schwerpunktsabstand e_S des Pendels in $[mm]$.
2. das Massenträgheitsmoment I_{S_x} in $[kg\ cm^2]$ bezüglich der x -Achse durch den Schwerpunkt S .
3. das Massenträgheitsmoment I_{S_y} in $[kg\ cm^2]$ bezüglich der y -Achse durch den Schwerpunkt S .
4. das Massenträgheitsmoment I_{S_z} in $[kg\ cm^2]$ bezüglich der z -Achse durch den Schwerpunkt S .

Hinweis: Die Massenträgheitsmomente eines Zylinders der Masse m um die Achsen durch den Schwerpunkt mit den Abmaßen d und L nach Skizze sind

$$I_x = \frac{m}{4} \left(\frac{d^2}{4} + \frac{L^2}{3} \right), \quad I_y = \frac{m}{4} \left(\frac{d^2}{4} + \frac{L^2}{3} \right), \quad I_z = \frac{m}{8} d^2.$$

Das Volumen V einer Kugel mit Radius R und das Massenträgheitsmoment I bezüglich einer beliebigen Achse durch den Schwerpunkt sind

$$V = \frac{4 R^3 \pi}{3}, \quad I = \frac{2 m R^2}{5}, \quad m \dots \text{Masse.}$$